# Государственное бюджетное общеобразовательное учреждение средняя общеобразовательная школа № 312 с углубленным изучением французского языка Фрунзенского района Санкт-Петербурга

| РАССМОТРЕНО  | СОГЛАСОВАНО  | Принята   | УТВЕРЖДЕНО  |
|--|--|---|---|
| На заседании МО учителей Протокол от 27.08.2025 № 1 Председатель МО Малофеева С.М. | зам. директора по УВР<br>Е.А. Воронина<br>28.08.2025 | решением Педагогического совета ГБОУ школа № 312 Протокол от 29.08.2025 № 1 | Директор ГБОУ школа № 312<br>С.А. Симанова<br>Приказ от 29.08.2025<br>№ 105-о |

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

# курса

«Математика: избранные вопросы»

для обучающихся 11А класса

Составитель: И. А. Позднякова

учитель математики

Санкт-Петербург 2025

#### ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа учебного курса «Математика: избранные вопросы» для обучающихся 11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

# ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

Курс «Математика: избранные вопросы» является одним из наиболее значимых в программе старшей школы, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление учащихся на уровне, необходимом для освоения курсов информатики, обществознания, истории, словесности. В рамках данного курса учащиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

В соответствии с ФГОС СОО результаты освоения учебного курса ориентированы преимущественно на подготовку к последующему профессиональному образованию, развитие индивидуальных способностей обучающихся через более глубокое, чем это предусматривается базовым курсом, освоение основ наук, систематических знаний и способов действий, присущих данному учебному предмету.

Предметные результаты изучения учебного предмета на углубленном уровне ориентированы на получение компетентностей для последующей профессиональной деятельности как в рамках данной предметной области, так и в смежных с ней областях:

- овладение ключевыми понятиями и закономерностями, на которых строится данная предметная область, распознавание соответствующих им признаков и взаимосвязей, способность демонстрировать различные подходы к изучению явлений, характерных для изучаемой предметной области;

- умение решать как некоторые практические, так и основные теоретические задачи, характерные для использования методов и инструментария данной предметной области;
- наличие представлений о данной предметной области как целостной теории (совокупности теорий), об основных связях с иными смежными областями знаний.

# ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА

«Математика: избранные вопросы» закладывает успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их в повседневной жизни. В тоже время овладение абстрактными и логически строгими математическими конструкциями развивает умение истинность закономерности, обосновывать утверждения, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление. В ходе изучения алгебры и начал математического анализа в старшей школе учащиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций и интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и в искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей самостоятельности, аккуратности, продолжительной концентрации внимания и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

#### МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ

В учебном плане на изучение курса «Математика: избранные вопросы» на базовом уровне отводится 1 час в неделю в 11 классе.

# СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА

# Модуль «Числа. Преобразования»

Делимость целых чисел. Простые и составные числа, разложение

натурального числа на простые множители. Признаки делимости. Теорема о делении с остатком. Взаимно простые числа. Наибольший общий делитель. Наименьшее общее кратное. Простые числа.

Преобразования иррациональных, показательных, логарифмических, тригонометрических выражений.

Сравнение действительных чисел.

# Модуль «Уравнения»

равнения, содержащие переменную под знаком модуля. Нестандартные приемы решения уравнений. Использование свойств функций для решения уравнений. Различные методы решения систем уравнений.

Определение параметра. Решение уравнений, содержащих параметры.

Решение систем уравнений с параметрами.

# Модуль «Тригонометрия»

Простейшие тригонометрические уравнения. Прикладные задачи, сводящиеся к решению простейших тригонометрических уравнений и неравенств.

Область значений тригонометрических функций.

Решение тригонометрических уравнений, неравенств и их систем, содержащих переменную под знаком модуля.

Решение более сложных тригонометрических уравнений и их систем, с применением нестандартных методов.

Использование основных свойств тригонометрических функций в задачах с параметрами. Тригонометрические уравнения, системы уравнений, содержащие параметр.

# Модуль «Комбинаторика. Теория вероятностей»

Комбинаторика. Поочередный и одновременный выбор. Размещения с повторениями, сочетания с повторениями. Перестановки.

Вероятность. Частота события, вероятность. Равновозможные события и подсчет их вероятности. Геометрическая вероятность. Вероятности событий. Условная вероятность. Независимость событий. Вероятность произведения

Условная вероятность. Независимость событий. Вероятность произведения независимых событий. Формула Бернулли. Решение задач.

Статистические данные. Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков.

# Модуль «Неравенства»

Доказательство неравенств Различные методы решения неравенств Алгоритм решения неравенств с переменной под знаком модуля. Различные методы решения систем неравенств. Системы неравенств содержащих переменную под знаком модуля.
Обобщенный метод интервалов при решении неравенств.

# Модуль «Функции. Координаты и графики»

Графики уравнений. Графический способ представления информации. «Считывание» свойств функции по её графику. Построение графиков функций и зависимостей, содержащих знак модуля.

# Модуль «Производная и ее применение»

Физический и геометрический смысл производной. Производная и исследование функций. Возрастание и убывание функции. Экстремумы. Чтение графиков функции и графиков производной функции. Наибольшее и наименьшее значение функции.

# Модуль «Текстовые задачи»

Практико-ориентированные задачи. Задачи на проценты.

Задачи на движение. Задачи на движение по реке. Задачи на движение по окружности. Задачи на определение средней скорости движения. Задачи на совместную работу. Задачи на смеси и сплавы. Задачи на разбавление. Простейшие задачи с физическими формулами. Задачи с физическим содержанием, сводящиеся к решению линейных и квадратных уравнений и неравенств.

Нахождение наименьшего достаточного и наибольшего возможного количества.

Понятие о статистическом выводе на основе выборки. Понятие и примеры случайных событий.

# Модуль «Планиметрия»

Многоугольники. Окружность. Углы в окружности. Вписанная и описанная окружности. Площади плоских фигур. Правильные многоугольники. Векторы. Скалярное произведение векторов. Метод координат. Планиметрические задачи повышенной сложности.

# Модуль «Стереометрия»

Прямые и плоскости в пространстве. Угол между скрещивающимися прямыми. Угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями. Расстояние в пространстве.

Многогранники и их свойства. Площади поверхности и объемы тел.

Соотношение между объемами подобных тел.

Векторы. Скалярное произведение, угол между векторами. Метод координат в пространстве.

#### ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Освоение учебного предмета «Математика» должно обеспечивать достижение на уровне среднего общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов:

# ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и

отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

# МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными познавательными действиями, универсальными жоммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.

1) Универсальные **познавательные** действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).

Базовые логические действия:

• выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак

классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

## Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

# Работа с информацией:

• выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.
- 2) Универсальные **коммуникативные** действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.

#### Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

#### Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.
- 3) Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.

## Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

# Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

# ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Предметные результаты освоения интегрированного курса математики на формирование целостных представлений о мире систематических научных знаний и способов действий метапредметной основе, а предметные результаты освоения курса алгебры и начал математического анализа на углубленном уровне ориентированы на успешного продолжения образования обеспечение возможности специальностям, связанным с осуществлением научной и исследовательской деятельности в области математики и смежных наук Они предполагают:

- 1) сформированность представлений о математике как части мировой культуры и о месте математики в современной цивилизации, о способах описания на математическом языке явлений реального мира;
- 2) сформированность представлений о математических понятиях как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;
- 3) владение методами доказательств и алгоритмами решений; умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;
- 4) владение стандартными и нестандартными приёмами решения рациональных

и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;

- 5) сформированность представлений об основных понятиях, идеях и методах математического анализа;
- 6) сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, о статистических закономерностях в реальном мире, об основных понятиях элементарной теории вероятностей; сформированность умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;
- 7) владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач.

Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для:

- исследования (моделирования) практических ситуаций различного уровня сложности;
- при решении практических задач, используя при необходимости справочники и вычислительные устройства.

# ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 11 КЛАСС

|                                     |   | Количес | ство часов            | Электронные            |  |  |
|-------------------------------------|---|---------|-----------------------|------------------------|--|--|
| № п/п                               | Наименование разделов и тем<br>программы                  | Всего   | Контрольные<br>работы | Практические<br>работы | (цифровые)<br>образовательные<br>ресурсы   |  |
| 1                                   | Решение текстовых задач                                   | 5       |                       | 0                      | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/f11c4afd">https://m.edsoo.ru/f11c4afd</a> |  |
| 2                                   | Преобразование выражений                                  | 5       |                       | 1                      | 0  | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/f11c4afd">https://m.edsoo.ru/f11c4afd</a> |
| 3                                   | Исследование функций                                      | 4       | 1                     | 0                      | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/f11c4afd">https://m.edsoo.ru/f11c4afd</a> |  |
| 4                                   | Уравнения, неравенства, системы<br>уравнений и неравенств | 9       |                       | 0                      | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/f11c4afd">https://m.edsoo.ru/f11c4afd</a> |  |
| 5                                   | Вписанные и описанные окружности                          | 3       | 0                     | 1                      | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/f11c4afd">https://m.edsoo.ru/f11c4afd</a> |  |
| 6                                   | Стереометрия  | 3       | 0                     |                        | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/f11c4afd">https://m.edsoo.ru/f11c4afd</a> |  |
| 7                                   | 7 Подведение итогов курса                                 |         | 1                     | 0                      | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/f11c4afd">https://m.edsoo.ru/f11c4afd</a> |  |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ |   | 34      | 2                     | 1                      |  |  |

# ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 11 КЛАСС

|          | Количество часов |   | ство часов |                       |                        | Электронные      |  |
|----------|------------------|---|------------|-----------------------|------------------------|------------------|--|
| №<br>п/п | №<br>недели      | Тема урока  | Всего      | Контрольные<br>работы | Практические<br>работы | Дата<br>изучения | цифровые<br>образовательные<br>ресурсы   |
| 1        | 1 неделя         | Задачи практического содержания (дроби, проценты, смеси и сплавы) |            |                       |                        |                  | Библиотека ЦОК<br>https://m.edsoo.ru/746d5dce  |
| 2        | 2 неделя         | Задачи практического содержания (дроби, проценты, смеси и сплавы) |            |                       |                        |                  | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/be888093">https://m.edsoo.ru/be888093</a> |
| 3        | 3 неделя         | Задачи на работу и движение                                       |            |                       |                        |                  | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/4d7f95fe">https://m.edsoo.ru/4d7f95fe</a> |
| 4        | 4 неделя         | Задачи на анализ практической ситуации                            |            |                       |                        |                  | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/44dd1046">https://m.edsoo.ru/44dd1046</a> |
| 5        | 5 неделя         | Задачи на анализ практической ситуации                            |            |                       |                        |                  | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/d99d8c74">https://m.edsoo.ru/d99d8c74</a> |
| 6        | 6 неделя         | Тождественные преобразования иррациональных и степенных выражений |            |                       |                        |                  | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/2f36a36f">https://m.edsoo.ru/2f36a36f</a> |
| 7        | 7 неделя         | Тождественные преобразования логарифмических выражений            |            |                       |                        |                  | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/a97a12d9">https://m.edsoo.ru/a97a12d9</a> |
| 8        | 8 неделя         | Преобразования тригонометрических выражений                       |            |                       |                        |                  | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/cb723fbd">https://m.edsoo.ru/cb723fbd</a> |
| 9        | 9 неделя         | Преобразования тригонометрических выражений                       |            |                       |                        |                  | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/3a23ac15">https://m.edsoo.ru/3a23ac15</a> |
| 10       | 10 неделя        | Преобразование выражений  |            |                       |                        |                  | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/11ac68be">https://m.edsoo.ru/11ac68be</a> |
| 11       | 11 неделя        | Исследование функций элементарными методами                       |            |                       |                        |                  | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/50bdf26d">https://m.edsoo.ru/50bdf26d</a> |
| 12       | 12 неделя        | Производная, ее геометрический и физический смысл                 |            |                       |                        |                  | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/775f5d99">https://m.edsoo.ru/775f5d99</a> |

| 13  | 13 неделя | Исследование функции с помощью производной  |   | Библиотека ЦОК              |
|-----|-----------|---|---|-----------------------------|
| 13  |           |   |   | https://m.edsoo.ru/6ec7a107 |
| 14  | 14 неделя | Исследование функции с помощью производной  | 1 | Библиотека ЦОК              |
| 17  |           |   | 1 | https://m.edsoo.ru/1914a389 |
| 15  | 15 неделя | Рациональные уравнения, неравенства и их    |   | Библиотека ЦОК              |
| 13  |           | системы                                     |   | https://m.edsoo.ru/226eeabf |
| 16  | 16 неделя | Иррациональные уравнения и их системы       |   | Библиотека ЦОК              |
| 10  |           |   |   | https://m.edsoo.ru/763e75ee |
| 17  | 17 неделя | Тригонометрические уравнения и их системы   |   | Библиотека ЦОК              |
| 1 / |           |   |   | https://m.edsoo.ru/ff4564ad |
| 18  | 18 неделя | Показательные уравнения, неравенства и их   |   | Библиотека ЦОК              |
| 10  |           | системы                                     |   | https://m.edsoo.ru/66446d3e |
| 19  | 19 неделя | Логарифмические уравнения, неравенства и их |   | Библиотека ЦОК              |
| 19  |           | системы.                                    |   | https://m.edsoo.ru/6eadc6f1 |
| 20  | 20 неделя | Комбинированные уравнения и смешанные       |   | Библиотека ЦОК              |
| 20  |           | системы                                     |   | https://m.edsoo.ru/3f25a047 |
| 21  | 21 неделя | Уравнения с параметром                      |   | Библиотека ЦОК              |
| 21  |           |   |   | https://m.edsoo.ru/d82c36d4 |
| 22  | 22 неделя | Неравенства с параметром                    |   | Библиотека ЦОК              |
| 22  |           |   |   | https://m.edsoo.ru/fe7fc4db |
| 23  | 23 неделя | Уравнения и неравенства с модулями          |   | Библиотека ЦОК              |
| 23  |           |   |   | https://m.edsoo.ru/d0f0b260 |
| 24  | 24 неделя | Треугольники. Четырехугольники. Окружность  |   | Библиотека ЦОК              |
| 24  |           |   |   | https://m.edsoo.ru/c3389865 |
| 25  | 25 неделя | Окружности, вписанные в треугольник и       |   | Библиотека ЦОК              |
| 23  |           | четырехугольник                             |   | https://m.edsoo.ru/444c4b9c |
| 26  | 26 неделя | Окружности, описанные около треугольника и  |   | Библиотека ЦОК              |
| 20  |           | четырехугольника                            |   | https://m.edsoo.ru/54b815c5 |
| 27  | 27 неделя | Углы и расстояния. Сечения многогранников   |   | Библиотека ЦОК              |
| 21  |           | плоскостью                                  |   | https://m.edsoo.ru/83105a0e |
| 28  | 28 неделя | Площади поверхностей и объемы тел           |   | Библиотека ЦОК              |

|    |              |  |   |   |   | https://m.edsoo.ru/2ab1c7bc  |
|----|--------------|--|---|---|---|--|
| 29 | 29 неделя    | Площади поверхностей и объемы тел                |   |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/eacb053c">https://m.edsoo.ru/eacb053c</a> |
| 30 | 30 неделя    | Решение заданий с кратким ответом (первая часть) |   |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/8a5ada51">https://m.edsoo.ru/8a5ada51</a> |
| 31 | 31<br>неделя | Решение заданий с развернутым ответом.           |   |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/69106ae7">https://m.edsoo.ru/69106ae7</a> |
| 32 | 32<br>неделя | Решение заданий с развернутым ответом            |   |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/9362fea9">https://m.edsoo.ru/9362fea9</a> |
| 33 | 33<br>неделя | Тренировочные варианты ЕГЭ                       |   |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/78d9b391">https://m.edsoo.ru/78d9b391</a> |
| 34 | 34<br>неделя | Тренировочные варианты ЕГЭ                       |   |   |   | Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/de7ca33e">https://m.edsoo.ru/de7ca33e</a> |
| ОЫ | ЦЕЕ КОЛИ     | ЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ 34                     | 4 | 2 | 1 |  |

#### Тема 1. Решение текстовых задач (5 ч.).

Особенности решения задач на проценты, растворы, сплавы; задачи на движение по прямой, по воде, по окружности; задачи. Решаемые с помощью формул арифметической прогрессии.

#### Тема 2. Преобразование выражений (5 ч.).

Преобразование алгебраических выражений, принципы преобразования иррациональных и логарифмических выражений. Нестандартные способы, используемые при преобразовании выражений. Особенности преобразования тригонометрических выражений

# Тема 3. Исследование функций (4 ч.)

Стандартные методы исследования функций. Исследование функций с помощью производной, построение графиков.

# Тема 4. Уравнения, неравенства, системы уравнений и неравенств (9 ч.)

Принципы решения уравнений, неравенств, систем уравнений и неравенств:

- дробно-рациональных,
- иррациональных,
- логарифмических,
- содержащих неизвестное под знаком модуля,
- показательных,
- тригонометрических.

# Тема 5. Вписанные и описанные окружности (3 ч.).

Обобщение теории, необходимой для решения задач на вписанную и описанную окружность.

# Тема 6. Стереометрия (3 ч.).

Обобщение теоретических знаний по основным темам раздела «Стереометрия». Решение задач на нахождение расстояния между прямыми, прямыми и плоскостями, плоскостями. Решение задач на нахождение углов между прямыми, прямыми и плоскостями, плоскостями. Нахождение площадей поверхностей и объемов многогранников и тел вращения.

#### Тема 7. Подведение итогов курса (5 ч.)

Обобщение теоретических знаний по основным темам курса. Написание итоговой работы

| C _ |                         | 2025                              | _ проведена корректировка поу  | /рочно-тематич                | неского планир                      | ования.                                     |                 |
|-----|-------------------------|-----------------------------------|--------------------------------|-------------------------------|-------------------------------------|---|-----------------|
| При | чины:                   |                                   |                                |                               |                                     |   |                 |
|     |                         |                                   |                                |                               |                                     |   |                 |
| Кол | ичество урс             | ков до коррен                     | ктировки 102. Количество уроко | в после коррек                | тировки                             |   |                 |
|     | № урока до<br>коррекции | Д<br>ата урока<br>до<br>коррекции | Тема урока                     | №<br>урока после<br>коррекции | Дата<br>урока<br>после<br>коррекции | Тема урока (темы уроков) после<br>коррекции | Форма коррекции |
|     |                         |                                   |                                |                               |                                     |   |                 |
| -   |                         |                                   |                                |                               |                                     |   |                 |
| -   |                         |                                   |                                |                               |                                     |   |                 |
| -   |                         |                                   |                                |                               |                                     |   |                 |
| F   |                         |                                   |                                |                               |                                     |   |                 |
|     |                         |                                   |                                |                               |                                     |   |                 |
|     |                         |                                   |                                |                               |                                     |   |                 |
|     |                         |                                   |                                |                               |                                     |   |                 |
| «Pa | ссмотрено»              | на МО учител                      | пей математики, информатики и  | технологии от                 | 30.04.2026 пр                       | отокол № 4                                  |                 |
| Пре | дседатель N             | МО                                |                                |                               |                                     |   |                 |
| «Co | гласовано»              | зам. директор                     | оа по УВР                      | /                             |                                     | /   |                 |
| «   | _ »                     |                                   | _ 2026 г.                      |                               |                                     |   |                 |

# ПРОВЕРЯЕМЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

| Код<br>проверяемого<br>результата | Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования  |
|-----------------------------------|--|
| 1                                 | Числа и вычисления   |
| 1.1                               | Оперировать понятиями: натуральное, целое число; использовать признаки делимости целых чисел, разложение числа на простые множители для решения задач  |
| 1.2                               | Оперировать понятием: степень с рациональным показателем   |
| 1.3                               | Оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы  |
| 2                                 | Уравнения и неравенства  |
| 2.1                               | Применять свойства степени для преобразования выражений, оперировать понятиями: показательное уравнение и неравенство; решать основные типы показательных уравнений и неравенств   |
| 2.2                               | Выполнять преобразования выражений, содержащих логарифмы; оперировать понятиями: логарифмическое уравнение и неравенство; решать основные типы логарифмических уравнений и неравенств  |
| 2.3                               | Находить решения простейших тригонометрических неравенств  |
| 2.4                               | Оперировать понятиями: система линейных уравнений и её решение; использовать систему линейных уравнений для решения практических задач   |
| 2.5                               | Находить решения простейших систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств   |
| 2.6                               | Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры                                  |
| 3                                 | Функции и графики  |
| 3.1                               | Оперировать понятиями: периодическая функция, промежутки монотонности функции, точки экстремума функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; использовать их для исследования функции, заданной графиком |

| 3.2 | Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической и тригонометрических функций; изображать их на координатной плоскости и использовать для решения уравнений и неравенств |
|-----|---|
| 3.3 | Изображать на координатной плоскости графики линейных уравнений и использовать их для решения системы линейных уравнений  |
| 3.4 | Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей из других учебных дисциплин  |
| 4   | Начала математического анализа  |
| 4.1 | Оперировать понятиями: непрерывная функция, производная функции; использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач   |
| 4.2 | Находить производные элементарных функций, вычислять производные суммы, произведения, частного функций  |
| 4.3 | Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков   |
| 4.4 | Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах   |
| 4.5 | Оперировать понятиями: первообразная и интеграл; понимать геометрический и физический смысл интеграла   |
| 4.6 | Находить первообразные элементарных функций, вычислять интеграл по формуле Ньютона – Лейбница   |
| 4.7 | Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа  |

# проверяемые элементы содержания

| Код | Проверяемый элемент содержания  |
|-----|---|
| 1   | Числа и вычисления  |
| 1.1 | Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел   |
| 1.2 | Степень с рациональным показателем. Свойства степени  |
| 1.3 | Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы  |
| 2   | Уравнения и неравенства   |
| 2.1 | Преобразование выражений, содержащих логарифмы  |
| 2.2 | Преобразование выражений, содержащих степени с рациональным показателем   |
| 2.3 | Примеры тригонометрических неравенств   |
| 2.4 | Показательные уравнения и неравенства   |
| 2.5 | Логарифмические уравнения и неравенства   |
| 2.6 | Системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений                                     |
| 2.7 | Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств  |
| 2.8 | Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни |
| 3   | Функции и графики   |
| 3.1 | Функция. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и                   |
| 3.1 | наименьшее значение функции на промежутке   |
| 3.2 | Тригонометрические функции, их свойства и графики   |
| 3.3 | Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики  |
| 3.4 | Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем  |
| 3.5 | Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других       |
| 3.3 | учебных предметов и реальной жизни  |
| 4   | Начала математического анализа  |

| 4.1 | Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств  |
|-----|---|
| 4.2 | Производная функции. Геометрический и физический смысл производной  |
| 4.3 | Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций                     |
| 4.4 | Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего            |
| 4.4 | значения функции на отрезке   |
| 4.5 | Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного |
| 4.3 | формулой или графиком   |
| 4.6 | Первообразная. Таблица первообразных  |
| 4.7 | Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по формуле Ньютона – Лейбница                         |

# ПРОВЕРЯЕМЫЕ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

| Код<br>проверяемо<br>го<br>требования | Проверяемые требования к предметным результатам освоения основной образовательной программы среднего общего образования  |
|---------------------------------------|--|
| 1                                     | Владение методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать и оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; применять их; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений; умение оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений и при решении задач, в том числе из других учебных предметов; умение оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач  |
| 2                                     | Умение оперировать понятиями: натуральное число, целое число, степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробнорациональных выражений; умение оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул; умение оперировать понятиями: комплексное число, сопряжённые комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел; оперировать понятиями: матрица 2×2 и 3×3, определитель матрицы, геометрический смысл определителя |
| 3                                     | Умение оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические,   |

|   | тригонометрические уравнения и неравенства, их системы; умение оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем; умение решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни  |
|---|--|
| 4 | Умение оперировать понятиями: функция, чётность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке, непрерывная функция, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определённый интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции; умение находить производные элементарных функций; умение использовать производную для исследования функций, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах; находить площади и объёмы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений |
| 5 | Умение оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, рациональная функция, степенная функция, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики изученных функций, выполнять преобразования графиков функций, использовать графики для изучения процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами; использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем  |
| 6 | Умение решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов; умение моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат   |

| 7  | Умение оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии  |
|----|--|
| 8  | Умение оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; умение вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях; умение оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач; оценивать вероятности реальных событий; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат |
| 9  | Умение оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, величина угла, плоский угол, двугранный угол, трёхгранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямыми, угол между плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи  |
| 10 | Умение оперировать понятиями: площадь фигуры, объём фигуры, многогранник, правильный многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара, развёртка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства  |

|    | геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах              |  |  |  |  |  |  |
|----|---|--|--|--|--|--|--|
|    | признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным          |  |  |  |  |  |  |
|    | признакам, выполнять необходимые дополнительные построения  |  |  |  |  |  |  |
|    | Умение оперировать понятиями: движение в пространстве, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве,       |  |  |  |  |  |  |
|    | поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе,      |  |  |  |  |  |  |
|    | искусстве, архитектуре; использовать геометрические отношения при решении задач; находить геометрические величины           |  |  |  |  |  |  |
| 11 | (длина, угол, площадь, объём) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; умение вычислять           |  |  |  |  |  |  |
|    | геометрические величины (длина, угол, площадь, объём, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы, в том     |  |  |  |  |  |  |
|    | числе: площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы; объём куба, прямоугольного параллелепипеда,   |  |  |  |  |  |  |
|    | пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объёмов подобных фигур                                  |  |  |  |  |  |  |
|    | Умение оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма          |  |  |  |  |  |  |
| 12 | векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол |  |  |  |  |  |  |
| 12 | между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач и задач других         |  |  |  |  |  |  |
|    | учебных предметов   |  |  |  |  |  |  |
|    | Умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и                 |  |  |  |  |  |  |
| 13 | общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение приводить           |  |  |  |  |  |  |
|    | примеры математических открытий российской и мировой математической науки   |  |  |  |  |  |  |

# ПЕРЕЧЕНЬ ЭЛЕМЕНТОВ СОДЕРЖАНИЯ, ПРОВЕРЯЕМЫХ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ

| Код  | Проверяемый элемент содержания  |  |  |  |  |
|------|---|--|--|--|--|
| 1    | Числа и вычисления  |  |  |  |  |
| 1.1  | Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел   |  |  |  |  |
| 1.2  | Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби  |  |  |  |  |
| 1.3  | Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени   |  |  |  |  |
| 1.4  | Степень с целым показателем. Степень с рациональным показателем. Свойства степени   |  |  |  |  |
| 1.5  | Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента  |  |  |  |  |
| 1.6  | Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы  |  |  |  |  |
| 1.7  | Действительные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений |  |  |  |  |
| 1.8  | Преобразование выражений  |  |  |  |  |
| 1.9  | Комплексные числа   |  |  |  |  |
| 2    | Уравнения и неравенства   |  |  |  |  |
| 2.1  | Целые и дробно-рациональные уравнения   |  |  |  |  |
| 2.2  | Иррациональные уравнения  |  |  |  |  |
| 2.3  | Тригонометрические уравнения  |  |  |  |  |
| 2.4  | Показательные и логарифмические уравнения   |  |  |  |  |
| 2.5  | Целые и дробно-рациональные неравенства   |  |  |  |  |
| 2.6  | Иррациональные неравенства  |  |  |  |  |
| 2.7  | Показательные и логарифмические неравенства   |  |  |  |  |
| 2.8  | Тригонометрические неравенства  |  |  |  |  |
| 2.9  | Системы и совокупности уравнений и неравенств   |  |  |  |  |
| 2.10 | Уравнения, неравенства и системы с параметрами  |  |  |  |  |

| 2.11 | Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы   |  |  |  |  |  |
|------|--|--|--|--|--|--|
| 3    | Функции и графики  |  |  |  |  |  |
| 3.1  | Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции. Чётные и нечётные функции. Периодические функции   |  |  |  |  |  |
| 3.2  | Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке |  |  |  |  |  |
| 3.3  | Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня <i>n</i> -ой степени  |  |  |  |  |  |
| 3.4  | Тригонометрические функции, их свойства и графики  |  |  |  |  |  |
| 3.5  | Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики   |  |  |  |  |  |
| 3.6  | Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке  |  |  |  |  |  |
| 3.7  | Последовательности, способы задания последовательностей  |  |  |  |  |  |
| 3.8  | Арифметическая и геометрическая прогрессии. Формула сложных процентов  |  |  |  |  |  |
| 4    | Начала математического анализа   |  |  |  |  |  |
| 4.1  | Производная функции. Производные элементарных функций  |  |  |  |  |  |
| 4.2  | Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке   |  |  |  |  |  |
| 4.3  | Первообразная. Интеграл  |  |  |  |  |  |
| 5    | Множества и логика   |  |  |  |  |  |
| 5.1  | Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера – Венна  |  |  |  |  |  |
| 5.2  | Логика   |  |  |  |  |  |
| 6    | Вероятность и статистика   |  |  |  |  |  |
| 6.1  | Описательная статистика  |  |  |  |  |  |
| 6.2  | Вероятность  |  |  |  |  |  |
| 6.3  | Комбинаторика  |  |  |  |  |  |
| 7    | Геометрия  |  |  |  |  |  |

| 7.1 | Фигуры на плоскости               |
|-----|-----------------------------------|
| 7.2 | Прямые и плоскости в пространстве |
| 7.3 | Многогранники                     |
| 7.4 | Тела и поверхности вращения       |
| 7.5 | Координаты и векторы              |

# УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА

# ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА

Калягин Ю.М. Алгебра и начала математического анализа. 10-11 классы. Методическое пособие для учителя (углубленный и базовый уровень);

Атанасян Л.С.: Геометрия. 10 класс. Методические рекомендации для учителя. Базовый и углублённый уровни. ФГОС

# МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

Бродский И.Л., Мешавкина О.С. Вероятность и статистика. 10-11 классы. Планирование и практикум: Пособие для учителя. Пособие предназначено для учителей математики, впервые преподающих курс теории вероятностей и математической статистики старших классах общеобразовательной средней школы.

# ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ

http://school-collection.edu.ru/catalog

hhttp://sch532.krgv.gov.spb.ru/uchenikam/jeor-dlja-podgotovki-k-urokam--srednjaja-

shkola/ttps://lbz.ru/metodist/iumk/mathematics/er.php

http://school-collection.edu.ru

Сайт «Решу ЕГЭ»

# СИСТЕМА ОЦЕНКИ ДОСТИЖЕНИЯ ОБУЧАЮЩИМИСЯ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫХ ПРОГРАММ НА УРОВНЯХ ОСНОВНОГО ОБЩЕГО И СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

# УЧЕБНЫЙ ПРЕДМЕТ «МАТЕМАТИКА»

Оценивание предметных результатов обучения направлено на:

- определение соответствия уровня сформированности у обучающегося результатов обучения требованиям ФГОС СОО и ФОП СОО;
- выявление дефицитов предметной подготовки (пробелов в знаниях, умениях, навыках);
- установление затруднений обучающихся в достижении запланированного уровня обучения и их причин.

При выставлении текущей оценки, представляющей собой результат процедуры оценивания индивидуального продвижения обучающихся в освоении математического содержания, целесообразно ориентироваться на следующие рекомендации.

По каждой теме учебных курсов «Алгебра и начала математического анализа», «Геометрия», «Вероятность и статистика» определены планируемые результаты обучения.

Надо иметь в виду, что оценка достижения планируемых результатов распадается на две связанные друг с другом составляющие:

- 1) оценка процесса формирования планируемых результатов, реализуемая в форме текущего, в том числе и тематического, оценивания;
- 2) оценка результата формирования планируемых результатов, реализуемая в форме итогового контроля.

При этом следует учесть, что при обучении математике в процессе оценивания промежуточных результатов обучения используются разные виды демонстрации учебных достижений: устные ответы обучающихся и их письменные работы, в том числе в форме тестирования.

Обучение математике предполагает сформированность нескольких групп результатов:

- освоение теоретических компонентов математического содержания: знание и умение воспроизводить формулировки определений математических понятий, формулировки теорем и их доказательство; решение математических задач разного уровня сложности ( от простейших до проблемных и поисковых);
- решение межпредметных и практико-ориентированных задач.

Диагностика и проверка уровня усвоения теоретических компонентов может быть организована в формате тестирования, устных опросов, частично в форме традиционных проверочных и контрольных работ.

Проверка умения решать математические задачи, как правило, организуется в формате письменных проверочных и контрольных работ.

При оценивании письменных работ и устных ответов целесообразно ориентироваться на несколько отличающиеся показатели.

В соответствии с планируемыми результатами обучения по каждой теме определены итоговые результаты изучения темы, проверяемые элементы содержания темы, требования к демонстрации достижения их сформированности, задания для их демонстрации и, соответственно, критерии оценивания заданий.

В соответствии с принципом открытости уже в начале изучения каждой темы обучающиеся должны знать, какие умения относятся к итоговым результатам изучения темы, как будут организованы контрольные процедуры:

контрольная работа и/или опрос, какие критерии предъявляются к решению задач и к ответам, как проводится оценивание результатов их деятельности, например, какое наименьшее количество заданий контрольной работы необходимо выполнить, чтобы рассчитывать на получение положительной отметки.

#### Оценка устных ответов

Одной из важных форм оценивания результатов обучения по математике являются устные ответы обучающихся. Они могут носить локальный, массовый (устный опрос, проведению которого посвящен, возможно, целый урок или его часть), постоянный характер, когда на каждом уроке несколько обучающихся отвечают устно на теоретические вопросы по терминологии и формулировкам определения, доказательствам теорем, решению задач.

При оценивании устных ответов обучающихся целесообразно ориентироваться на следующие рекомендации.

При выставлении отметки учитываются все требования к ответу.

Ответ оценивается отметкой «5», если обучающийся:

- полностью раскрыл содержание материала в объеме, предусмотренном программой и учебником;
- изложил материал грамотным языком в определенной логической последовательности, точно, без ошибок используя математическую терминологию и символику;
- правильно выполнил рисунки, чертежи, графики, необходимые для изложения теории или решения задачи;
- продемонстрировал умение иллюстрировать теоретические положения конкретными примерами, применять их при выполнении практического задания (если такое предусмотрено);
- продемонстрировал усвоение ранее изученных сопутствующих вопросов, сформированность и устойчивость использованных при ответе умений и навыков;
- отвечал самостоятельно, без наводящих вопросов учителя, демонстрируя сформированность монологической речи и полное владение содержанием. Возможны 1–2 неточности при освещении второстепенных вопросов или недочетов в решении задач (если такие предусмотрены), которые ученик легко исправил по замечанию учителя.

Ответ оценивается отметкой «4», если обучающийся:

- раскрыл содержание материала в объеме, предусмотренном программой и учебником;
- изложил материал грамотным языком в определенной логической последовательности;
- выполнил рисунки, чертежи, графики, необходимые для изложения теории или решения задачи;
- продемонстрировал умение иллюстрировать теоретические положения конкретными примерами, применять их при решении задач (если такие предусмотрены);
- продемонстрировал усвоение ранее изученных сопутствующих вопросов,

сформированность и устойчивость использованных при ответе умений и навыков; но при этом:

- допустил небольшие неточности в формулировке математических утверждений, не исказившие математического содержания ответа, исправленные по замечанию учителя;
- допустил ошибки или более 2 неточностей при освещении второстепенных вопросов/недочетов в решении задач (если такие предусмотрены), которые ученик легко исправил по замечанию учителя.

Отметка «3» за ответ ставится в следующих случаях:

- неполно или непоследовательно раскрыл содержание материала, но показано общее понимание вопроса и продемонстрированы умения, достаточные для дальнейшего усвоения программного материала;
- демонстрировал затруднения или допускал ошибки в определении понятий и использовании математической терминологии, символике, чертежах, выкладках, исправленные после нескольких наводящих вопросов учителя;
- не справился с применением теории при решении задач, но выполнил задания обязательного уровня сложности по данной теме (если такие предусмотрены).

Отметка «2» за ответ ставится в следующих случаях:

- не раскрыл основное содержание учебного материала;
- обнаружил незнание или непонимание обучающимся большей или наиболее важной части учебного материала;
- допустил ошибки в определении понятий, при использовании математической терминологии, в рисунках, чертежах или графиках, в выкладках, которые не исправлены после нескольких наводящих вопросов учителя;
- обнаружил незнание и непонимание изучаемого материала или не смог ответить ни на один из поставленных вопросов по изучаемому материалу.

#### Оценка письменных работ

При составлении содержания письменных работ, в частности тематических контрольных работ, необходимо соблюдать принцип дифференцируемости по уровням подготовки: важно включать в работу задания, относящиеся к базовому уровню подготовки, выполнение которых обязательно для всех обучающихся, и задания повышенных уровней, которые дают возможность реализоваться обучающимся, проявляющим к математике интерес и способности.

Маркировка заданий по уровням специальными обозначениями сначала в ходе формирования умений, а затем и в контрольной работе ориентирует обучающихся на достижение определенного результата, помогает планировать учение и контролировать выполнение работы.

Кроме того, при составлении тематических контрольных работ и текущих проверочных работ важно ориентироваться на принцип полноты проверки планируемых результатов. Часть тематических результатов проверяется отдельными, небольшими по формату проверочными работами.

В конце изучения каждой темы может быть предусмотрено проведение контрольной работы, на которую отводится 1 урок.

При этом, если тема небольшая и на ее изучение дается не более одной учебной недели, то контроль достижения соответствующих этой теме планируемых результатов можно перенести и включить в контрольную работу по следующей теме или же ограничиться проведением небольшой проверочной работы в течение 20–25 минут урока. При этом и

обучающиеся, и учитель должны получить обратную связь о достижении или не достижении тематических планируемых результатов.

При оценке результата выполнения контрольной или проверочной работы в первую очередь устанавливается наличие или отсутствие у обучающегося базовой математической подготовки, поэтому так важно отдельно оценить выполнение им соответствующих заданий.

Как правило, они компонуются в первую часть контрольной работы.

Полезно придерживаться следующего подхода к начислению баллов за выполнение заданий:

- за верное выполнение каждого задания первой части обучающемуся начисляется 1 балл;
- за выполнение задания второй части начисляются 2 балла, если дано верное решение и приведено обоснование; 1 балл, если логика решения верна, но допущена одна вычислительная ошибка или представленное обоснование не может считаться полным.

При необходимости критерии могут быть детализированы, что позволит более точно выявить пробелы, затруднения обучающихся и их причины, что, в свою очередь, позволит спланировать корректирующие процедуры.

Важно также помнить, что содержание, структура контрольной работы и критерии оценивания ее выполнения должны быть разработаны таким образом, чтобы у обучающихся было право на ошибку: для получения отметки «3» не обязательно верно выполнить все задания обязательного уровня, аналогично, для получения отметки «5» не обязательно выполнить все задания контрольной работы.

Рекомендуем следующие критерии для перевода общей суммы начисленных баллов в отметку по пятибалльной шкале:

- обучающийся не достиг удовлетворительного (обязательного) уровня подготовки (отметка «2»), если он набрал менее 55% баллов Части 1 (обязательного уровня);
- обучающийся достиг удовлетворительного (обязательного) уровня подготовки (отметка не ниже «3»), если он набрал не менее 55% баллов Части 1 (обязательного уровня);
- обучающийся достиг повышенного уровня (отметка не ниже «4»), если он набрал не менее 65% общего числа баллов;
- обучающийся достиг высокого уровня (отметка «5»), если он набрал не менее 85% общего числа баллов.

Отметим, что предлагаемая шкала перевода суммы начисленных баллов в отметку по пятибалльной шкале может быть скорректирована в каждом отдельном случае.

#### Оценка тестовых заданий

Тест может использоваться для проведения текущего и тематического контроля. Более целесообразно использовать тестовую форму при выявлении степени усвоения теоретического материала и умения решать задания репродуктивного характера.

При использовании теста как формы контроля могут быть рекомендованы те же критерии для перевода суммы баллов в отметку. Однако при этом следует учитывать, что в зависимости от типа тестовых заданий, включенных в тест критерии перевода суммы баллов в отметку могут быть скорректированы.

Так, при выполнении теста, состоящего только из заданий с выбором одного ответа (самые простые), нижние пороги могут быть увеличены:

```
не менее 70\% — отметка «3»; не менее 80\% — отметка «4»; не менее 90\% — отметка «5».
```

Выполняя анализ результатов проверочной или контрольной процедуры, независимо от формы ее проведения, целесообразно фиксировать не только количество выполненных заданий, но и какие именно задания были выполнены как каждым обучающимся, так и классом (группой) в целом.

Применение данного подхода позволяет сделать отметку более информативной и обоснованной, всегда можно проанализировать, из чего складывается общий балл каждого обучающегося, какие задания выполнены полностью, а какие частично. Также при данном подходе реализуется неотъемлемое право каждого обучающегося — «право на ошибку». В целом по группе обучающихся выявляются общие пробелы, требующие коррекции и дополнительной работы.